

對立性與晶體電路之設計

DUALITY IN TRANSISTOR DESIGN

程貽孫 林仁得

GENE EASON AND LIN JEN-TEO

對立與對元

電學上之對立性 Duality，對於設計或分析電路存有並列之地位，因可從而比較研究其性質。關於電路中之(1)參數 Parameters，(2)構件 Elements，(3)電路 Circuits 等，各賦有其對立關係。例如：(1)電流 i 對比於電壓 e ，(2)電感圈 L 對應於電容器 C ，及(3)並聯 Parallel 對擬於串聯 Series 等均是。若此則電路中之事物，各個間可互稱其對等者為對元 Dual。

第一表 常用電氣之構件、參數、電路及其對元

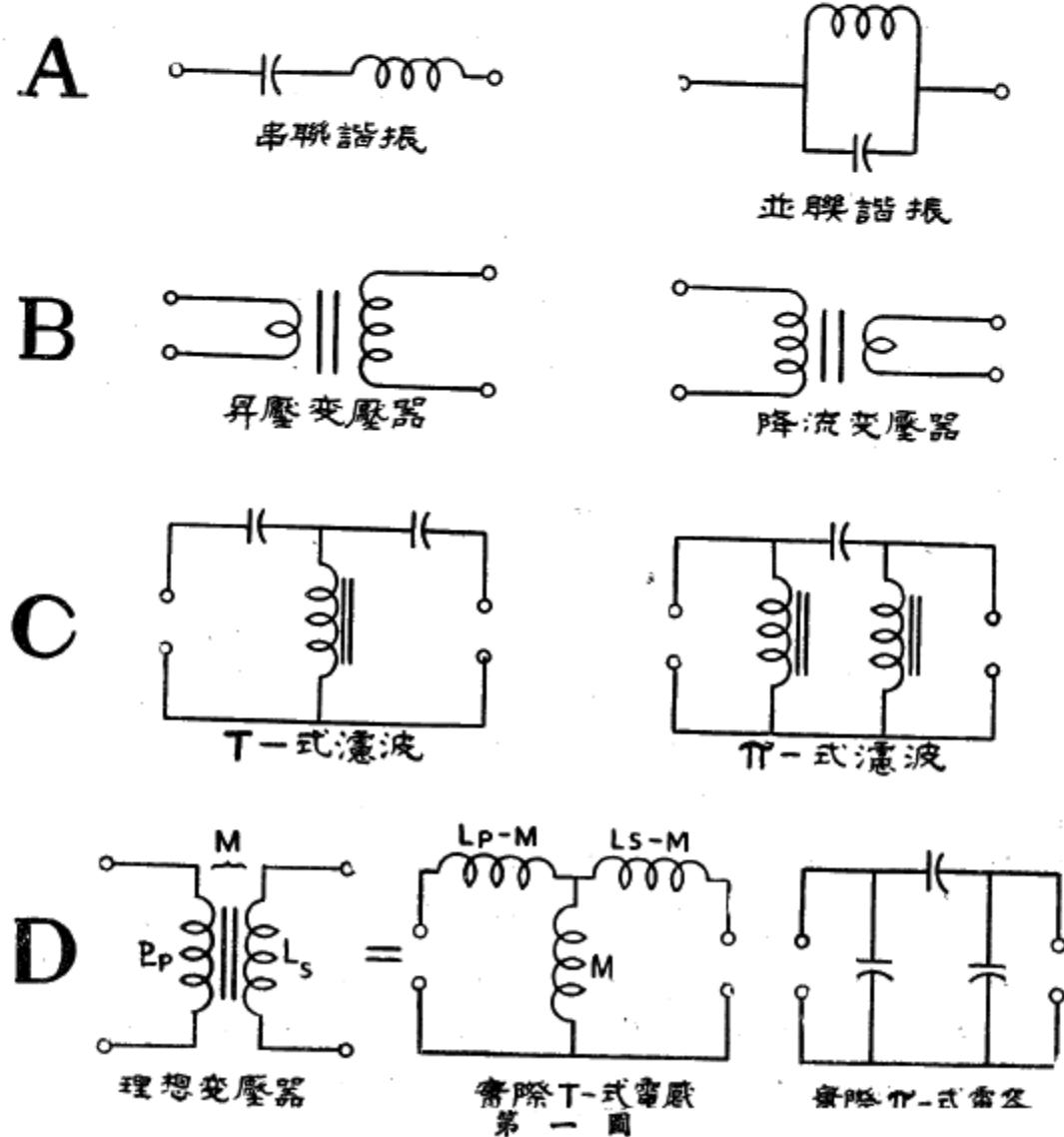
編號	主 件 名 目	符 號	對 元 名 目	符 號	備 註
1	電 阻 Resistance	R	電 導 Conductance	G	
2	電 感 Inductance	L	電 容 Capacitance	C	
3	阻 抗 Impedance	Z	導 納 Admittance	Y	
4	電 壓 Voltage	E	電 流 Current	I	
5	節 點 Node	.	迴 路 Loop	—	
6	串 聯 Series	—	並 聯 Parallel	—	
7	屏 流 Plate current	I_p	集 壓 Collector Voltage	E_c	
8	柵 壓 Grid Voltage	E_g	射 流 Emitter Current	I_e	
9	真 空 管 Vacuum Tube	V	電 晶 體 Transistor	T	
10	昇 壓 電 器 Step-up Transformer	$I:n$	降 壓 電 器 Step-down Transformer	$n:1$	
11	並 聯 容 抗 Parallel Capacitors	—	串 聯 感 抗 Series inductors	—	
12	T 式 電 感 Inductive "T"	T	π 式 電 容 Capacitive "Pi"	π	

第一附表中略示重要電氣之構件、參數、電路之代表符號以及其對元。由於電流與電壓效應基本關係之存在，我人可不難思索得多種電學上互相並存之電路。如一組串聯諧振電路是對立於並聯諧振電路，一具分路電容器當對立於串聯感應線圈，電路之支點對應於其迴線等，推及電容器內之集電行爲可對比於自感線圈上之電壓現像。

對立之主要條件為電流（或電壓）對前者所產生之效應，可比擬於電壓（或電流）對後者所起發之作用。例如：電壓降公式 $E = I R$ ，若將此式中之 E ， I ，及 R 相對換

成其對元 I ， E ，及 G ，即得公式電流量為 $I = EG$ ，故知電壓與電流有對立之關係。又如將感應電壓 $e = L \frac{di}{dt}$ 式中之 e ， L ，及 i 分別換以其對元 c ， c ，及 e ，可得電容充電 $i = c \frac{de}{dt}$ ，故知電流之變化對於線圈，猶之電壓之變化對於電容器。或用 $e = \frac{1}{c} \int idt$ ，則得 $i = \frac{1}{L} \int edt$ ，可獲同樣之對等結果。如此二組不同之物理系統，其所表出之方程式在形式上相似而參數可以互相交換者，謂之存有對立性。

第一圖略列簡單之電路數則，並繪出其對元。A圖表示串聯與並聯之對應，B圖表示昇壓與降流之對立，C圖表示T一式串聯電容濾波器對擬於π一式電感圈濾波，D圖示出存有互感作用之變元事例，電路初次級之自感量為 L_p 與 L_s ，倘互感量 M 不太大，則其等效電路可以一T-式感抗網絡代表之，於是其對立電路變成π一式之容抗網絡矣。



對元變換之方程式演算

現將 R—C—L 串聯電路列成微分方程式表示如下：(見圖第二之 a)

$$e = e_R + e_L + e_C = Ri + L \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} \int i dt$$

在穩定狀態時，可以電路向量 (Phasor or Sinor) 表示為

$$E = IR + jIX_L - jIX_C = I \left[R + j(\omega L - \frac{1}{\omega C}) \right]$$

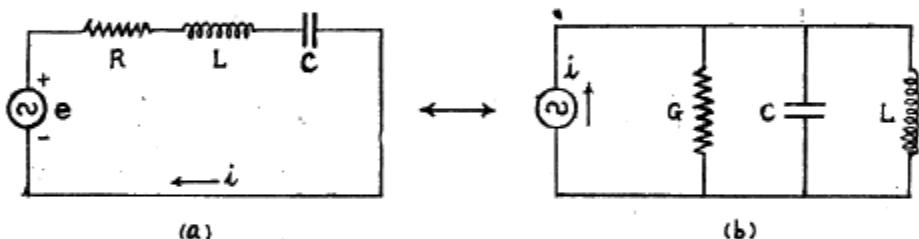
今將其中之諸對元置換之，則原方程式改成：

$$i = i_G + i_C + i_L = Ge + C \frac{de}{dt} + \frac{1}{L} \int edt$$

或用電路向量表出為

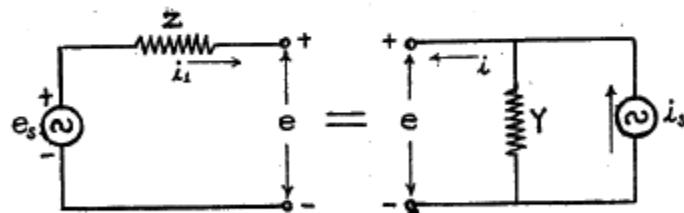
$$I = EG + jEB_C - jEB_L = E \left[\frac{1}{R} + j(\omega C - \frac{1}{\omega L}) \right]$$

依此方程式所排列之對元電路，可得如第二圖 b 之 R—C—L 並聯電路。



第二圖 R-C-L 電路之對立

主動網絡 Active Network 如有電壓源者 Voltage Source，可以改成電流源 Current Source，該二電路互為等效，其方法圖示在第三圖中：

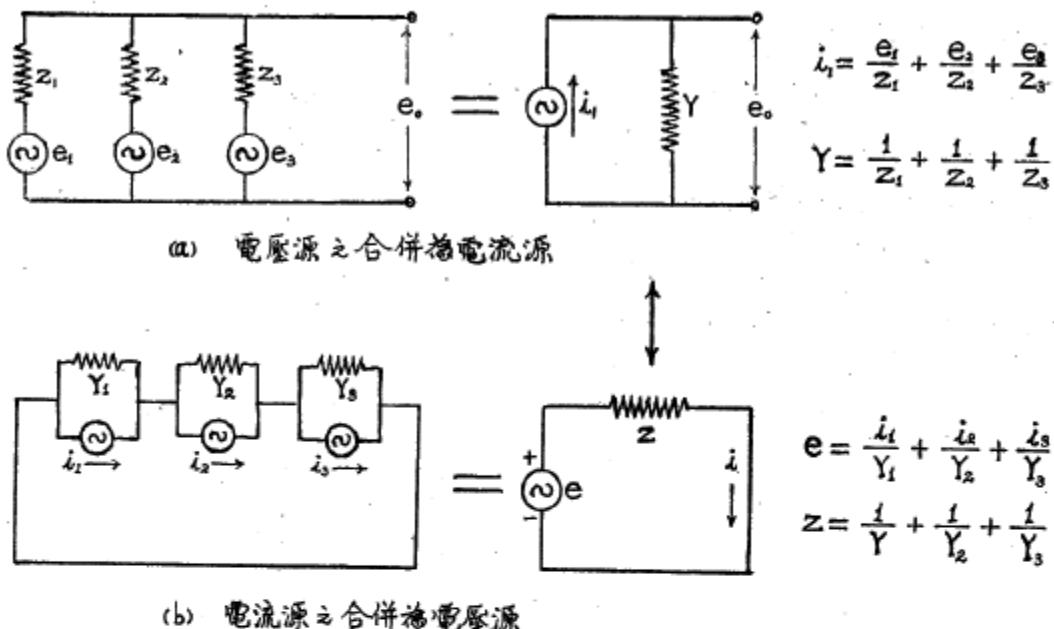


第三圖 電壓源與電流源之等效電路

其換算關係為 $i_s = \frac{e_s}{Z}$ ，及 $Y = \frac{1}{Z}$ 。此亦即由 Thévenin 之串聯電壓變為 Norton' 之並聯電流之手續。在電路分析工作上甚佔重要，為常用之演算方法也。

多重電源之網絡，亦可應用上述手續，由串聯或並聯得以互相更換，最後可化成簡單之等效電路，請參閱第四圖並其註說。

(64) 師大學報第八期



第四圖 電路之併合與簡化

克希荷夫法則之推廣

應用克希荷夫氏法則 Kirchhoff's law 求解複雜之網絡電路，可單獨採用 (1) 迴路電壓規則，或 (2) 節點電流規則，解出諸未知量。

(1) 迴路方程式 Loop Equations 表示每支迴路上，其電壓應呈平衡狀態。今設網絡含有 n 支迴路，用代數方程式表示則為：

$$Z_{11}i_1 + Z_{12}i_2 + Z_{13}i_3 + \dots + Z_{1n}i_n = e_1$$

$$Z_{21}i_1 + Z_{22}i_2 + Z_{23}i_3 + \dots + Z_{2n}i_n = e_2$$

$$Z_{31}i_1 + Z_{32}i_2 + Z_{33}i_3 + \dots + Z_{3n}i_n = e_3$$

$$Z_{n1}i_1 + Z_{n2}i_2 + Z_{n3}i_3 + \dots + Z_{nn}i_n = e_n$$

此處 Z_{11} (Z_{nn}) 為本迴路之阻抗 Self-impedance

Z_{12} (Z_{mn}) 為兩迴路間之互阻抗 Copedance

$i_1 \dots i_n$ 為各支迴路上之電流量

$e_1 \dots e_n$ 為各支迴路上電壓源之總電位值

但在交流電路中，通常遭遇到之阻抗，並非純屬電阻性者，往往含有電抗成份，因之一般項之表示應為

$$Z_{jk} i_k = R_{jk} i_k + L_{jk} \frac{di_k}{dt} + \frac{1}{C_{jk}} \int i_k dt$$

於是寫成 $Z_{jk} = R_{jk} + s L_{jk} + \frac{S_{jk}}{s}$

式中 R_{jk} 為兩電流 j 與 k 所流過之電阻之總值

L_{jk} 為兩電流 j 與 k 所通過之電感之總值

S_{jk} 表 $\frac{1}{C_{jk}}$ 為兩電流流入諸電容器之總電容逆數 Elastance

s 代表 $\frac{d}{dt}$ ，而 $\frac{1}{s}$ 代表 $\int dt$

在穩定狀態時， s 代表 $j\omega$ 之值

如此上面列出之 n 支方程式，可用一般型式簡縮表示之為

$$\sum_{k=1}^n Z_{jk} i_k = e_j \quad (j=1, 2, \dots, n)$$

此時 j 指依照順序排列諸方程式之迴路號碼，而 k 指該迴路方程式中，諸項依次列出之諸迴路電流。

(2) 排列節點方程式 Nodal Equations 之原則，為各迴線之接合點上應無電流之積貯，故流入與流出之電流量亦應達平衡狀態。今設網絡包括有 n 個節點，以代數方程式表示之則為：

$$\begin{aligned} Y_{11}e_1 - Y_{12}e_2 - Y_{13}e_3 - \dots - Y_{1n}e_n &= i_1 \\ -Y_{21}e_1 + Y_{22}e_2 - Y_{23}e_3 - \dots - Y_{2n}e_n &= i_2 \\ -Y_{31}e_1 - Y_{32}e_2 + Y_{33}e_3 - \dots - Y_{3n}e_n &= i_3 \\ -Y_{n1}e_1 - Y_{n2}e_2 - Y_{n3}e_3 - \dots + Y_{nn}e_n &= i_n \end{aligned}$$

此據 $Y_{11}(Y_{nn})$ 為本節點之導納 Self-admittance

$Y_{12}(Y_{mn})$ 為兩節點間之互導納 Comittance

$e_1 \dots e_n$ 為各個節點與基準點 Datum 間之電位值

$i_1 \dots i_n$ 為諸電源流過該點之淨電流量

此時若電流源內含有阻抗成份，亦必須列入計算。於是一般之導納可表之為

$$Y_{jk} = G_{jk} + \frac{T_{Ljk}}{s} + sC_{jk}$$

式中 G_{jk} 為節點 j 與 k 間之總電導值

T_{Ljk} 為節點 j 與 k 間之總電感逆數 inverse Inductance L^{-1}

C_{jk} 為節點 j 與 k 間之總電容量

如此上面列出之 n 支方程式，可用一般型式簡縮表示之為

$$\sum_{k=1}^n (-1)^{\delta} Y_{jkek} = i_j \quad (j=1, 2, \dots, n)$$

此處如 $j \neq k$ ，則 $\delta = 0$ ；如 $j = k$ ，則 $\delta = 1$ 。

上述二種分析電路方法所引列之諸方程式，形式上相似，各為 n 元之聯立方程式，並可見各項互為對元，故二電路存有對立性。倘若所分析之電路構件純為電阻性 Resistive 者，可應用 Cramer's 行列式或方陣 Matrix 代數方法解得之。但通常難免含有電抗性 Reactive，故方程式中包括有微分及積分因子，解題手續頗為繁雜，宜採用 Laplace 轉化後，仍以代數式演算為便。一般在迴路分析法上，電壓為已知數，而諸電流則為未決之變數；在節點分析法上，電流為已知數，而節對 Node-pair 之電壓為未決之變數。又在通常應用題解並聯電網時採取節點分析法，而在題解串聯網時則採取迴路分析法。

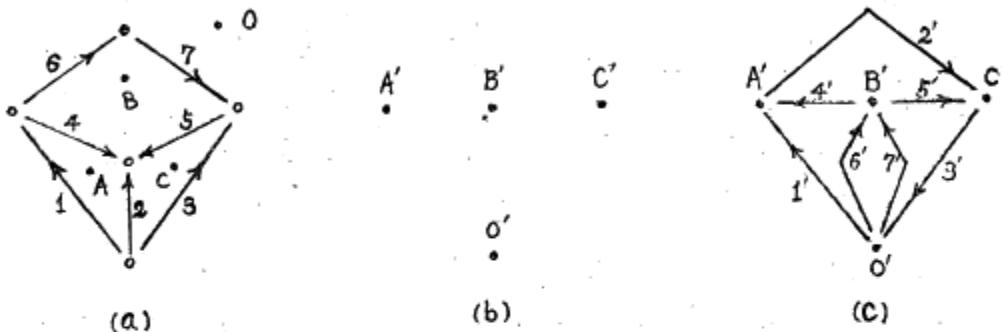
對元電路之繪製

我人咸知真空管電路為電壓操作之裝置，而電晶體電路則採取電流為主要功效之設備，兩者電性為對立，故對元問題之研究，實為設計晶體電路重要之資料。善用對立性原理，可將真空管電路易成相當之晶體電路，甚為便利，惟遇特殊情況，其對元配裝尚須慎重斟酌，大體而論均可適應，例外不多。

設計晶體電路的步驟，初草繪原來真空管電路之簡要部份，而將電子管以相當之電晶體代替之，再將原電路中有電壓功效之構件，換以有電流效應之對元構件，自此可先給予我人以圖片上之新視解，進而觀察此已成之對座配置有無特殊之情況可以發生，或須再行修整。至於構件上電學數量之決定，以及十分精確對座圖位之繪就，却並非輕易而舉之事。一般有系統之處理途徑，應首先遵照克希荷夫規則，將真空管之等效電路畫出，其中電壓與電流之關係盡表列於數支方程式上，次對掉其原來之電壓與電流，再對換其原來之電路構件，最後循已經變換之方程式，重繪一新線路圖，如此始可獲得一較精確之電晶體電路。至此晶體電路已完全適合原來性格而成為其對座，工作效能是比較僅單獨取代真空管地位者為優越。

電路圖形術 (Circuit Topology)

實用繪製對座圖型時，並不經由方程式推出，為方便起見，根據迴路與節點之對立原理，用幾何方法直接作出，茲將含有三個迴路之電路，作為典型之說明。



第五圖

第五圖 a 表示含有七條支線三個迴路之電路圖。在諸迴路中我人先各置一小圓點 dot a, b 及 c 作為定誌，在圖外再另取一基準點 O。此諸小圓點即將為對座圖型之關節。於是我在白紙上另繪出對應之四小點表為 A' 、 B' 、 C' 及 O' （見第五圖之 b）。依照原來電路中各小圓點相互間之支線，對應的繪畫在新圖紙上（見第五圖之 c）。兩圓點之間通常為單線（即單構件），唯有基準點在圖外，故 O 點與各小圓點間可能有數線。再分別說明於下：

A 與 B 之間為支線 4（一根）

A 能 C 之間為支線 2（一根）

O 與 A, B, 及 C 之間則有支線 1, 3, 6 與 7（四根）

據此則新圖中對應所得之支線為：

A' 與 B' 間一根支線為 4'

A' 與 C' 間一根支線為 2'

B' 與 C' 間一根支線為 5'

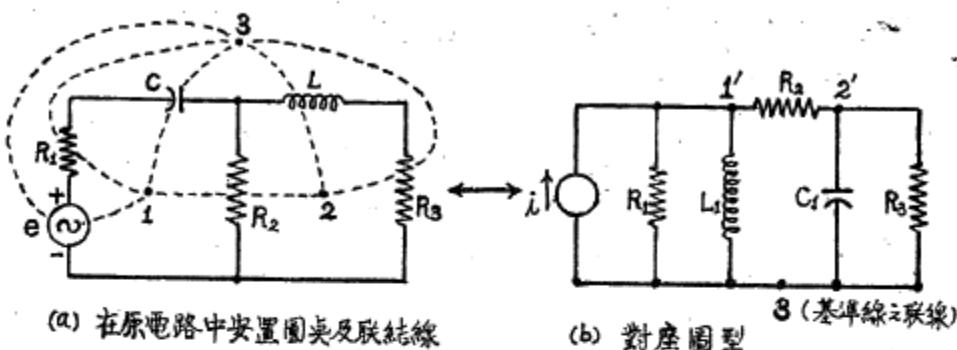
O' 與 A' 一根支線為 1'

O' 與 C' 一根支線為 3'

而 O 與 B' 間則有二根支線為 6' 與 7'。

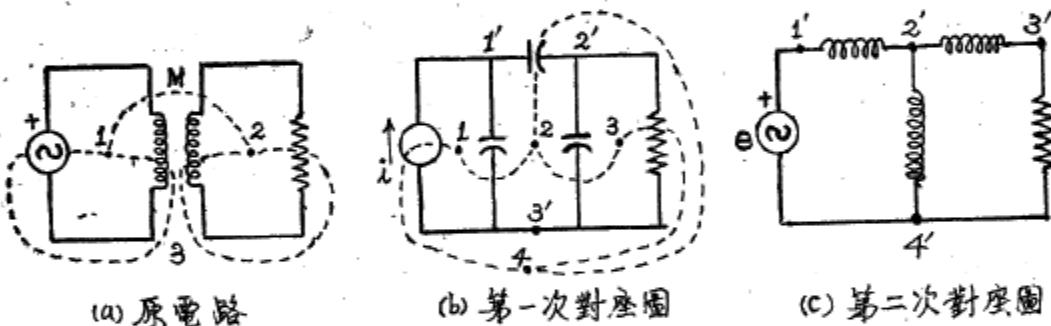
依照上述之誌圖手續，甚易繪出對座電路。

今舉例說明實際繪圖之方法於後。如第六圖 a 在原電路中選取三定圓點 1, 2 及 3。依相互間之聯結線即可作如第六圖 b 之圖形；此時兩圖中之構件已各交換其對元，同時亦可見串聯電路已變成並聯電路。再如第七圖 a 為含有互感交連之兩電路（變壓器交連



第六圖 對座線路之作圖

者），初經一次對換變成 π 一式容抗交連電路，再經二次對換後，則原電路可得 T 一式電感交連之電路替代之，此種網路用以匹配阻抗，常為輸送線路所採取。

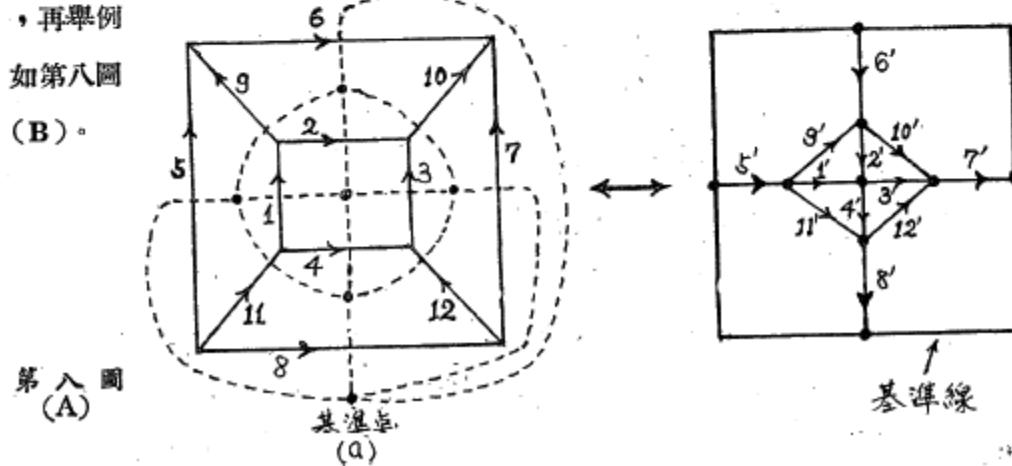


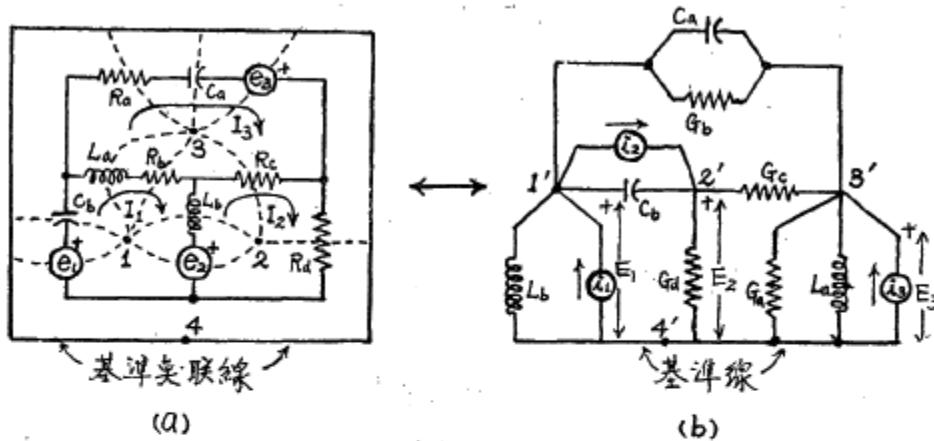
第七圖 二次對換之作圖

關於對座圖中電壓或電流方向之規定，簡言之有如下述：(A)迴路中電壓源上之電壓，如順時鐘方向為上昇者，則其對元之電流流向此相關之節點。(B)迴路中電流源之電流方向順時鐘為流出者，則對其相關之結點獲得正電位。今畫圖於第八圖(A) a 及 b，再舉例

如第八圖

(B)。





第八圖 (B)

比較複雜之電路網絡，可將圖外所取之一定基準圓點聯成線形屏套全圖，靠此畫出一基準線，然後繪製對座圖型，似較醒目而利便。如第八圖B之原電路a畫出之對立圖b，電流及電壓方向等，均極明顯。

對元之數值計算

一般電路上之參數對元，率成立顛倒關係，故兩對元之乘積，必定為一常數，且此常數應為正實數，其單位為電阻單位之平方。倘若此常數之值為一，則對於頻率成正比，其根 poles 與 zeros 亦應在相對地位。今假定此二個對元之乘積代表文字為 K，命之為轉換電阻 (Transformation resistance)；據此轉換電阻之數值，算出對元之實用數量。此轉換電阻值之訂定，來自真空管與電晶體間存在之關係。在數量方面包括二部份 r_1 及 r_2 ，其關係有 $K = r_1 r_2 = r_p r_c$ ；此處 r_p 指真空管之屏極電內阻值，而 r_c 指電晶體之集電極電阻 (Collector) 值。至於 r_1 或 r_2 之數值大小，可自行作適當之便宜選擇。第二附表羅列真空管電路之參數及其與電晶體電路之對元，並由前後二者之關係，算出轉換數值序列於第三項目。

第二表 對元與轉換數值

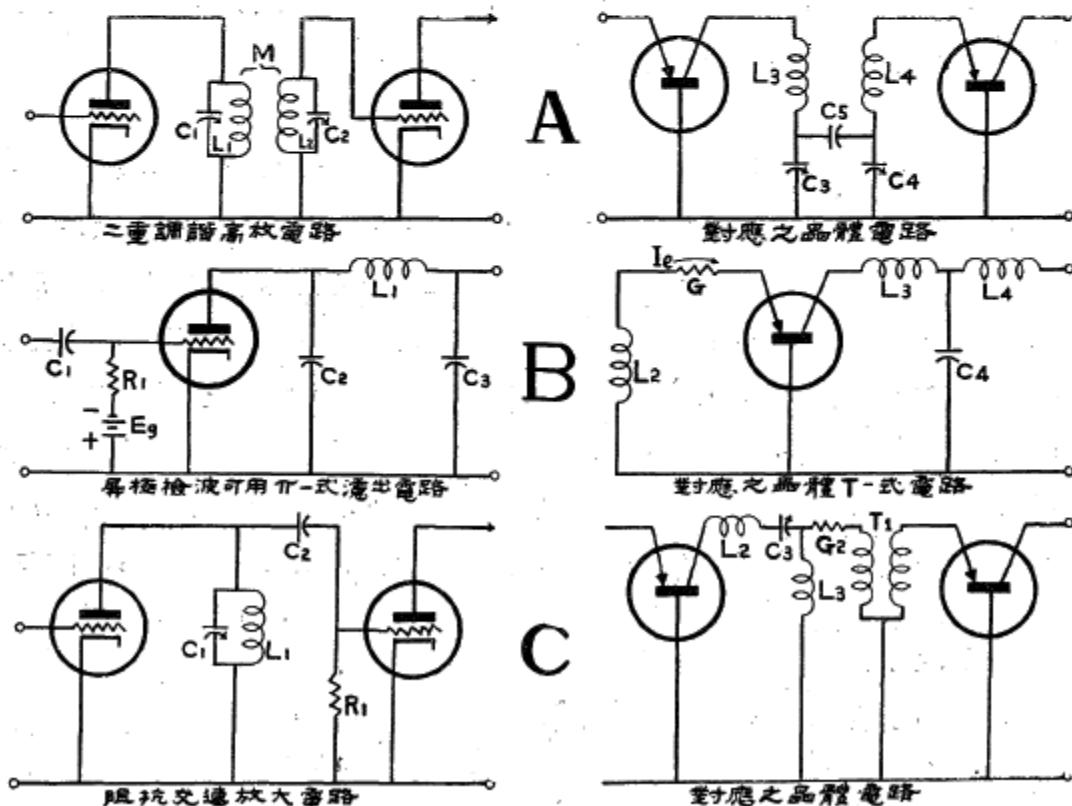
真空電路之參數	晶體電路之對元	對元之值
R	G	$R/r_1 r_2$
i	e	$i r_2$
e	i	e/r_1

L	C	L/r_1r_2
Z	Y	Z/r_1r_2
e_p	$-i_o$	e_p/r_1
i_p	$-e_c$	$i_p r_2$
e_g	$-i_o$	e_g/r_1 (基極接地式)
i_g	$-e_a$	$i_g r_2$ (基極接地式)
r_p	r_o	$r_1 r_2 / r_p$
μ	α	μ
G_m	I_m	$G_m r_1 r_2$

對應圖型換算之實例

第九圖舉例陳述三則常用之電路配置：A圖左端所示原關係有雙重調諧之高放真空管電路，前後二級均採用L—C並聯諧振，二線圈間潛存之互感量以M表出之；A圖右端所示出者即為其對立之晶體電路，此時已將原屏路並聯調諧 $L_1 C_1$ 換成晶體集電極電路內之串聯諧振 $L_3 C_3$ ，同理原柵路之 $L_2 C_2$ ，亦已變成放射極電路內之串聯諧振 $L_4 C_4$ 。

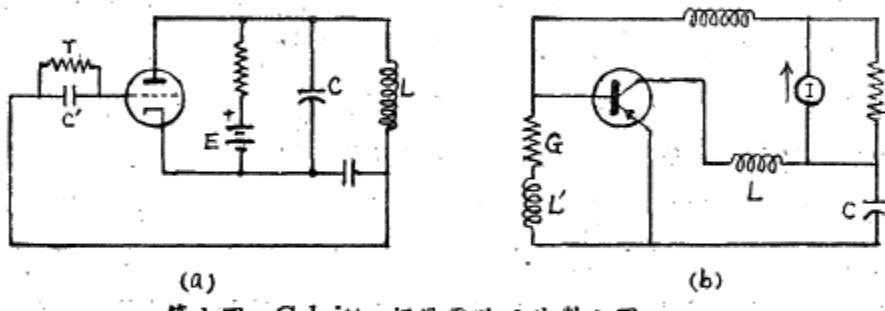
B圖左端為使用真空管之屏極檢波電路，循慣例採用π式低界過濾後擷取音週電



第九圖

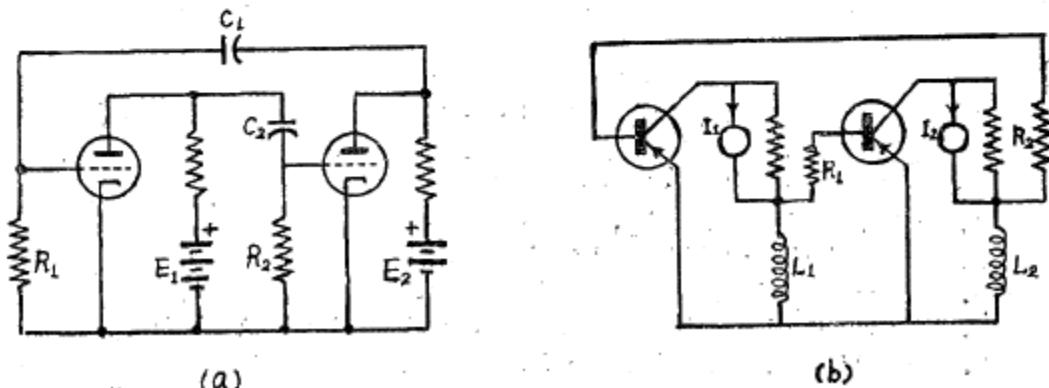
訊；茲先設計將前者柵路上之串聯電容 C_1 換成後者（晶體電路）放射極電路之並聯電感 L_2 ，次按序將前者屏路電容 C_2 與 C^3 ，改為後者集路中之串聯電感 L_3 與 L_4 ，再次又將電感 L_1 變成 C_4 ；今又觀察前者柵路內有偏電壓供給 E_g ，經由串聯電阻 R_1 而跨接於真空管電路之輸入二端，於此其對應之晶體偏電流 I_e 應並聯於電導 G 之上（見圖中箭頭所指出者）。

C 圖表示單具調諧之阻抗交連真空管放大電路。此種型式常用於發射機之高放級以及激勵級電路上，有時在收訊機之中放級亦見之。該圖右端為其相對之電路，已將串聯諧振 L_1C_1 代替原路之並聯諧振 L_2C_3 ，又將原路串聯電容 C_2 變為分路電感 L_3 ，原電路並聯電阻 R_1 變成串聯電導 G_2 ，但在此晶體電路內多出一具理想變壓器 T_1 ，其目的欲求輸出之電壓為反相；蓋因在基極接地式之晶體電路上，其輸出與輸入之電壓並不移相，而此在真空管電路上則二者已有 180° 之相差。

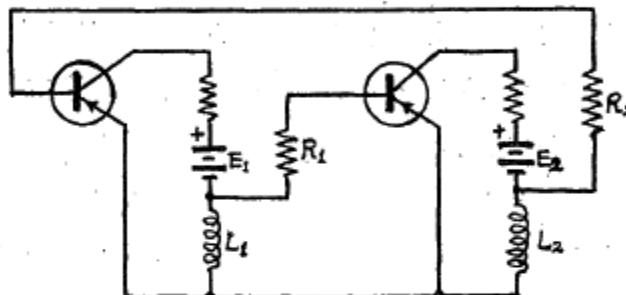


第十圖 Colpitts 振盪電路及其對立圖

在第十圖 a 中 Colpitts 之屏極槽路 (Tank circuit) 並聯 LC ，在同圖 b 中已改成串聯接法，電子管屏極之並聯電壓，變接為晶體集路之串聯電流；再 a 圖柵極之並聯自偏電壓 RC ，在其對座圖內換成串聯 GL ，但須注意者此 GL 之組配，足以扼制一週全波中大部份之射一基電流通過。



第十一圖 a 為真空管之多諧振動電路 (Multivibrator) 電容器 C_1 與 C_2 在一定時間內積貯電荷，經個別電阻器 R_1 與 R_2 而各自放電；在其對元電路中則是由 L_1 與 L_2 分別將積藏之直流電流，經過 R_1 與 R_2 而激勵於晶體之輸入電路，又在 a 圖內之串饋電壓，在 b 圖內當然變為並饋電流，惟此並饋電流，可再應用 Thévenin' 方法仍復變成等效之串饋，最後改進之電路，見如第十二圖所示。



第十二圖
晶體多諧振動器電路

利用電性對立原理，所導出之晶體電路，在大多數實例上，均呈現優良勝任之工作性能。惟有時限於情況之特殊，祇憑對換手段，會遭受意外之遜折。故欲求一完美盡善之晶體電路，在着手設計之初，尚須多方考慮，庶達妥全。惜乎無規定之法則可循，今惟略述梗概於後，以資參考。自電子電路之本質而言，真空管電路與電晶體電路間對立關係之擬訂，依憑前者循電壓推動之途徑，而後者則藉電流促進之方法，雖異途而同歸，且曾假設二者之散熱率及放大率等均無分軒輊，但者實際則大見高低，即以撫近新頃之商品比較之，其數值尚相差甚遠。有些電器材料為真空管所專用者，在變換對元電路之前，是必審慎從事。譬如真空管電路中常用之級際交連電容器，其用途僅屬阻止直流電壓，倘取對立手續而換成並聯電感，則後級晶體之射極勢不能耐受前級集極之高電壓，甚或遭致意外之損害。又如前十二圖中 RL 所配合之時間常數，通常亦不可能達 RC 所配合之時間常數之鉅大，因此該對立電路，祇能供給低頻方面之應用。

REFERENCES

1. Arguimbau, Vacuum-Tube circuits and Transistors.
2. Giulemin, Communication Networks.
3. Landee, Electronic Designers Handbook.
4. Seeley, Radio Electronics.
5. Shea, Principles of Transistor circuits.
6. Turner, Transistors Theory and Practice.
7. Thompson, Alternating-current and Transient circuit Analysis.
8. Reza, Modern Network Analysis.